

**KEPEKAAN METODE WHITE'S ROBUST STANDARD ERROR  
DALAM MENGATASI MASALAH HETEROSKEDASTISITAS  
POLA LINIER DAN KUADRATIK PADA ANALISIS  
REGRESI LINIER SEDERHANA**

**SKRIPSI**

**Sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar  
Sarjana Sains dalam bidang Statistika**

**oleh :**

**KASIH MAHARANI  
0910950045-95**



**PROGRAM STUDI STATISTIKA  
JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS BRAWIJAYA  
MALANG  
2013**

## LEMBAR PENGESAHAN SKRIPSI

### KEPEKAAN METODE WHITE'S ROBUST STANDARD ERROR DALAM MENGATASI MASALAH HETEROSKEDASTISITAS POLA LINIER DAN KUADRATIK PADA ANALISIS REGRESI LINIER SEDERHANA

oleh :  
**KASIH MAHARANI**  
**0910950045-95**

Setelah dipertahankan di depan Majelis Pengaji  
Pada tanggal 17 April 2013  
dan dinyatakan memenuhi syarat untuk memperoleh gelar  
Sarjana Sains dalam bidang Statistika

Pembimbing I

Dr. Rahma Fitriani, S.Si., M.Sc  
NIP. 19760328 199903 2 001

Pembimbing II

Prof. Dr. Ir. Henny Pramoedyo, MS  
NIP. 19570705 198103 1 009

Mengetahui,  
Ketua Jurusan Matematika  
Fakultas MIPA Universitas Brawijaya

Dr. Abdul Rouf Alghofari, M.Sc  
NIP. 19670907 199203 1 001

## LEMBAR PERNYATAAN

Saya yang bertanda tangan di bawah ini :

Nama

: Kasih Maharani

NIM

: 0910950045-95

Jurusan

: Matematika

Program Studi

: Statistika

Penulis Skripsi Berjudul : Kepekaan Metode *White's Robust Standard Error* Dalam Mengatasi Masalah Heteroskedastisitas Pola Linier dan Kuadratik pada Analisis Regresi Linier Sederhana

Dengan ini menyatakan bahwa :

1. Skripsi ini adalah benar-benar karya saya sendiri dan bukan hasil plagiat dari karya orang lain. Karya-karya yang tercantum dalam Daftar Pustaka Skripsi ini, semata-mata digunakan sebagai acuan/referensi.
2. Apabila dikemudian hari diketahui bahwa isi Skripsi saya merupakan hasil plagiat, maka saya bersedia menanggung resiko yang akan saya terima.

Demikian pernyataan ini dibuat dengan segala kesadaran.

Malang, 17 April 2013  
Yang menyatakan,

(Kasih Maharani)  
NIM. 0910950045-95

# **KEPEKAAN METODE WHITE'S ROBUST STANDARD ERROR DALAM MENGATASI MASALAH HETEROSKEDASTISITAS POLA LINIER DAN KUADRATIK PADA ANALISIS REGRESI LINIER SEDERHANA**

## **ABSTRAK**

Analisis regresi linier sederhana memiliki beberapa asumsi klasik yang harus terpenuhi agar didapatkan penduga model dengan sifat *Best Linear Unbiased Estimator* (BLUE). Salah satu asumsi klasik yang sering tidak terpenuhi adalah asumsi homoskedastisitas. Homoskedastisitas merupakan keadaan di mana masing-masing galat mempunyai ragam yang sama atau konstan, yang dapat dituliskan sebagai  $\text{var}(\varepsilon_{it}) = \sigma^2$ . Konsekuensi adanya heteroskedastisitas jika menggunakan OLS (*Ordinary Least Square*), tanpa menangani tidak konstannya ragam akan menghasilkan penduga parameter ( $\hat{\beta}_0$  dan  $\hat{\beta}_1$ ) dengan ragam yang lebih kecil dari seharusnya. Hal ini menyebabkan penerapan analisis regresi linier dengan Metode Kuadrat Terkecil atau *Ordinary Least Square* dapat memberikan informasi yang menyesatkan. Metode *White's Robust Standard Error* adalah salah satu alternatif penanganan masalah heteroskedastisitas. Penelitian ini bertujuan untuk mengkaji tentang kepekaan metode *White's Robust Standard Error* dalam menangani masalah heteroskedastisitas pada pola hubungan antara galat dengan peubah bebas yang meningkat secara linier dan galat mempunyai hubungan kuadratik dengan peubah bebas. Berdasarkan data hasil simulasi, disimpulkan metode *White's Robust Standard Error* lebih peka menangani heteroskedastisitas ketika terdapat hubungan linier daripada kuadratik antara galat dengan peubah bebas. Hal ini dibuktikan dengan meningkatnya nilai *Standard Error* (ragam penduga parameter tidak lagi lebih kecil dari seharusnya) dan *P-value* setelah heteroskedastisitas ditangani dengan metode ini.

Kata Kunci : Heteroskedastisitas, Metode *White's Robust Standard Error*, *Standard Error*, *P-value*.

# THE SENSITIVITY METHOD OF WHITE'S ROBUST STANDARD ERROR TO SOLVE THE HETEROSCEDASTICITY PROBLEM LINEAR AND QUADRATIC PATTERNS FOR SIMPLE LINEAR REGRESSION ANALYSIS

## ABSTRACT

Several classical assumptions has to be satisfied in simple linear regression analysis, to estimate the model with Best Linear Unbiased Estimator (BLUE). Homoscedasticity is one of the assumptions which is often violate. Homoscedasticity is a condition in which each of the error terms has constant variance  $\text{var}(\varepsilon_{it}) = \sigma^2$ . Without proper remedy, in the presence of heteroscedasticity OLS (Ordinary Least Square) will produce the parameter estimators ( $\hat{\beta}_0$  dan  $\hat{\beta}_1$ ) with underestimated variance. Thus it might give misleading information. White's Robust Standard Errors is an alternative of handling the heteroscedasticity. The objective of this study is to assess the sensitivity of White's Robust Standard Errors to handle the heteroscedasticity when the variance of errors are linearly dependent with the independent variable and when the errors have quadratic relationship with the independent variables. The simulation results show that White's Robust Standard Error is more sensitive to overcome the heteroscedasticity when the errors increase linearly than quadratic with the independent variable. In this case the increase standard error of the estimators and the higher p-value are the evident that variance underestimation is no longer a problem.

Key word : Heteroscedasticity, White's Robust Standard Error, Standard Error, P-value.

## KATA PENGANTAR

Alhamdulillah puji syukur kehadirat Allah SWT atas berkat, rahmat, dan hidayah-Nya sehingga penulis dapat menyelesaikan Skripsi yang berjudul “Kepkaan Metode *White's Robust Standar Error* dalam Mengatasi Masalah Heteroskedastisitas Pola Linier dan Kuadratik pada Analisis Regresi Linier Sederhana”. Dalam penyusunan Skripsi ini, banyak pihak yang telah memberikan bantuan kepada penulis. Oleh kerena itu, pada kesempatan ini penulis ingin menyampaikan terima kasih kepada :

1. Ibu Dr. Rahma Fitriani, S.Si., M.Sc., selaku Dosen Pembimbing I atas segala motivasi, bimbingan, masukan, dan nasehat selama proses penyelesaian Skripsi ini hingga dapat terselesaikan dengan baik.
2. Bapak Prof. Dr. Ir. Henny Pramoedyo, MS, selaku Dosen Pembimbing II atas segala bimbingan dan nasehat selama proses penyelesaian Skripsi ini hingga dapat terselesaikan dengan baik.
3. Ibu Eni Sumarminingsih, S.Si., MM, selaku Dosen Pengaji atas saran dan masukan yang telah diberikan.
4. Bapak Dr. Abdul Rouf Alghofari, M.Sc, selaku Ketua Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Brawijaya Malang.
5. Orang tua dan keluargaku untuk segala kasih sayang, semangat, dan doa yang selalu diberikan kepada penulis selama ini.
6. Teman-teman Program Studi Statistika 2009 dan 2008 atas bantuan, dukungan, dan kerjasamanya.
7. Seluruh staf pengajaran Jurusan Matematika atas bantuan dan kerjasamanya.
8. Semua pihak yang telah membantu dalam penyusunan Skripsi ini yang tidak dapat penulis sebutkan seluruhnya.

Penulis menyadari bahwa Skripsi ini masih kurang sempurna. Oleh karena itu, saran dan kritik yang membangun sangat penulis harapkan untuk penulisan yang lebih baik. Semoga Skripsi ini dapat memberikan manfaat bagi pembaca.

Malang, April 2013

Penulis

## DAFTAR ISI

Halaman

<b>HALAMAN JUDUL .....</b>	i
<b>LEMBAR PENGESAHAN .....</b>	ii
<b>LEMBAR PERNYATAAN.....</b>	iii
<b>ABSTRAK .....</b>	iv
<b>ABSTRACT.....</b>	v
<b>KATA PENGANTAR .....</b>	vi
<b>DAFTAR ISI .....</b>	vii
<b>DAFTAR GAMBAR .....</b>	ix
<b>DAFTAR TABEL .....</b>	x
<b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>	xi

### BAB I PENDAHULUAN

1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Rumusan Masalah.....	3
1.3 Batasan Masalah .....	3
1.4 Tujuan.....	3
1.5 Manfaat .....	3

### BAB II TINJAUAN PUSTAKA

2.1 Analisis Regresi .....	5
2.2 Uji Asumsi Klasik.....	6
2.3 Konsep Dasar Homoskedastisitas .....	9
2.4 <i>Ordinary Least Square</i> (OLS) .....	13
2.4.1 Pendugaan <i>Ordinary Least Square</i> (OLS).....	14
2.4.2 Pendugaan OLS pada Keberadaan Heteroskedastisitas .....	15
2.5 Uji Parsial Model Regresi.....	18
2.6 Uji Simultan Model Regresi .....	18
2.7 Uji Heteroskedastisitas <i>White</i> .....	19
2.8 <i>White's Robust Standard Error</i> .....	21
2.9 Kriteria Keberartian Model.....	23
2.9.1 <i>Standard Error</i> (SE) .....	23
2.9.2 <i>P-Value</i> .....	23

### **BAB III METODE PENELITIAN**

3.1 Data .....	25
3.2 Metode Analisis dan Simulasi .....	25
3.2.1 Pola Linier .....	25
3.2.2 Pola Kuadratik .....	28

### **BAB IV HASIL DAN PEMBAHASAN**

4.1 Pendekripsi Heteroskedastisitas .....	33
4.2 Kepekaan Metode <i>White's Robust Standard Error</i> .....	34
4.3 Perbandingan Kepekaan Metode <i>White's Robust Standard Error</i> .....	45

### **BAB V KESIMPULAN DAN SARAN**

5.1 Kesimpulan .....	49
5.2 Saran .....	49

<b>DAFTAR PUSTAKA</b> .....	51
<b>LAMPIRAN</b> .....	53

## DAFTAR GAMBAR

	Halaman
Gambar 2.1 Kondisi Homoskedastisitas .....	10
Gambar 2.2 Kondisi Heteroskedastisitas .....	11
Gambar 2.3 Diagram pencar residual kuadrat yang ditaksir terhadap $X$ ....	12
Gambar 3.1 Diagram Alir Metode Analisis dan Simulasi Data Bangkitan Pola Linier .....	28
Gambar 3.2 Diagram Alir Metode Analisis dan Simulasi Data Bangkitan Pola Kuadratik .....	31
Gambar 4.1 <i>Standard Error</i> pada Pola Linier .....	35
Gambar 4.2 <i>P-value</i> pada Pola Linier .....	36
Gambar 4.3 <i>Standard Error</i> pada Pola Kuadratik .....	37
Gambar 4.4 <i>P-value</i> pada Pola Kuadratik .....	38
Gambar 4.5 Rentang <i>Standard Error</i> pada Pola Linier .....	39
Gambar 4.6 Rentang <i>Standard Error</i> pada Pola Kuadratik .....	40
Gambar 4.7 Rentang <i>P-value</i> pada Pola Linier .....	42
Gambar 4.8 Rentang <i>P-value</i> pada Pola Kuadratik .....	43
Gambar 4.9 <i>Standard Error</i> pada Pola Linier dan Kuadratik .....	45
Gambar 4.10 <i>P-value</i> pada Pola Linier dan Kuadratik .....	46
Gambar 4.11 Rentang <i>Standard Error</i> pada Metode <i>White's Robust Standard Error</i> .....	47
Gambar 4.12 Rentang <i>P-value</i> pada Metode <i>White's Robust Standard Error</i> .....	48

## DAFTAR TABEL

Halaman

Tabel 2.1	Tabel ANOVA ( <i>Analysis Of Variance</i> ) Uji Simultan Regresi Linier.....	19
Tabel 4.1	Hasil Pendekripsi Heteroskedastisitas pada Data Simulasi ..	33
Tabel 4.2	Rentang <i>Standard Error</i> .....	38
Tabel 4.3	Rentang <i>P-value</i> .....	41
Tabel 4.4	Persentase Penerimaan dan Penolakan $H_0$ pada Kasus Heteroskedastisitas dengan Pola Linier .....	43
Tabel 4.5	Persentase Penerimaan dan Penolakan $H_0$ pada Kasus Heteroskedastisitas dengan Pola Kuadratik .....	44
Tabel 4.6	Rentang <i>Standard Error</i> dan <i>P-value</i> pada Metode <i>White's Robust Standard Error</i> .....	46

## DAFTAR LAMPIRAN

Halaman

Lampiran 1. <i>Macro Minitab Simulasi Data Pola Linier .....</i>	53
Lampiran 2. <i>Macro Minitab Simulasi Data Pola Kuadratik .....</i>	55
Lampiran 3. Input X Data Simulasi .....	57
Lampiran 4. <i>P-value Uji White Data Simulasi.....</i>	58
Lampiran 5. <i>Standard Error Data Simulasi Pola Linier.....</i>	62
Lampiran 6. <i>P-value Data Simulasi Pola Linier .....</i>	66
Lampiran 7. <i>Standard Error Data Simulasi Pola Kuadratik .....</i>	70
Lampiran 8. <i>P-value Data Simulasi Pola Kuadratik .....</i>	74
Lampiran 9. <i>Standard Error Data Simulasi.....</i>	78
Lampiran 10. <i>P-value Data Simulasi.....</i>	82

