

**ANALISIS DISKRIMINAN LINIER ROBUST PADA  
PENGKLASIFIKASIAN BERAT BAYI BARU LAHIR  
(DI PUSKESMAS MANYAR KABUPATEN GRESIK TAHUN 2012)**

**SKRIPSI**

**Sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Sains  
dalam bidang Statistika**

**oleh:**

**ALDILA NUR DIANIATI  
0910950001-95**



**PROGRAM STUDI STATISTIKA  
JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS BRAWIJAYA  
MALANG  
2013**

## LEMBAR PENGESAHAN SKRIPSI

**ANALISIS DISKRIMINAN LINIER ROBUST PADA  
PENGKLASIFIKASI BERAT BAYI BARU LAHIR  
(DI PUSKESMAS MANYAR KABUPATEN GRESIK TAHUN 2012)**

oleh:  
**ALDILA NUR DIANIATI**  
**0910950001-95**

Setelah dipertahankan di depan Majelis Pengaji  
pada tanggal 26 April 2013  
dan dinyatakan memenuhi syarat untuk memperoleh gelar  
Sarjana Sains dalam bidang Statistika

Dosen Pembimbing I

Dosen Pembimbing II

Dr. Rahma Fitriani, S.Si., M.Sc  
NIP. 197603281999032001

Dr. Ir. Ni Wayan Surya W., M.S  
NIP. 195511021981032001

Mengetahui,  
Ketua Jurusan Matematika  
Fakultas MIPA  
Universitas Brawijaya

Dr. Abdul Rouf Alghofari, M.Sc  
NIP. 196709071992031001

## LEMBAR PERNYATAAN

Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : ALDILA NUR DIANIATI  
NIM : 0910950001-95  
Jurusan : MATEMATIKA  
Program Studi : STATISTIKA  
Skripsi berjudul :

**ANALISIS DISKRIMINAN LINIER ROBUST PADA  
PENGKLASIFIKASIAN BERAT BAYI BARU LAHIR  
(DI PUSKESMAS MANYAR KABUPATEN GRESIK TAHUN 2012)**

Dengan ini menyatakan bahwa:

1. Isi dari skripsi yang saya buat adalah benar-benar karya sendiri dan tidak menjiplak karya orang lain, selain nama-nama yang termaktub di isi dan tertulis di daftar pustaka dalam skripsi ini.
2. Apabila di kemudian hari ternyata skripsi yang saya tulis terbukti hasil jiplakan, maka saya akan bersedia menanggung segala resiko.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan segala kesadaran.

Malang, 26 April 2013  
Yang menyatakan,

**(ALDILA NUR DIANIATI)  
NIM. 0910950001-95**

# **ANALISIS DISKRIMINAN LINIER *ROBUST* PADA PENGKLASIFIKASIAN BERAT BAYI BARU LAHIR (DI PUSKESMAS MANYAR KABUPATEN GRESIK TAHUN 2012)**

## **ABSTRAK**

Analisis diskriminan dapat digunakan untuk memodelkan hubungan antara satu peubah respon berskala non metrik dengan lebih dari satu peubah prediktor berskala metrik. Analisis ini bertujuan untuk mengklasifikasikan obyek ke dalam kelompok yang telah diketahui berdasarkan informasi awal. Asumsi yang harus dipenuhi pada analisis diskriminan adalah peubah prediktor menyebar normal multivariat dan kehomogenan matriks ragam peragam. Ketika terdapat pencilan, analisis yang tepat digunakan yaitu analisis diskriminan linier *robust*. Pada analisis ini digunakan vektor rata-rata dan matriks ragam peragam yang *robust* dalam pendugaan parameter menggunakan penduga-S. Berdasarkan kriteria WHO tahun 1961, berat badan bayi saat dilahirkan dibagi menjadi dua yaitu berat bayi lahir rendah (maksimum 2500 gram) dan berat bayi lahir normal (lebih dari 2500 gram). Salah satu faktor yang secara langsung mempengaruhi berat bayi lahir adalah keadaan ibu saat hamil. Data yang digunakan pada penelitian ini adalah berat bayi baru lahir di Puskesmas Manyar Kabupaten Gresik tahun 2012 dan enam peubah yang mewakili keadaan ibu saat hamil. Pada identifikasi pencilan terungkap bahwa data memuat 6.91% pencilan, sehingga digunakan *breakdown point* 0.15 karena metode penduga-S masih dapat mengatasi pencilan pada jumlah tersebut dan menghasilkan penduga yang bersifat *robust*. Selain itu, ketepatan klasifikasi yang dihasilkan pada persentase pencilan tersebut cukup tinggi. Berdasarkan fungsi diskriminan linier *robust* dapat diketahui bahwa keenam peubah yang mewakili keadaan ibu saat hamil yaitu usia ibu ( $X_1$ ), jumlah anak ( $X_2$ ), berat badan ibu pra hamil ( $X_3$ ), ukuran LILA ibu hamil ( $X_4$ ), kadar Hb ibu hamil ( $X_5$ ), dan jarak kelahiran ( $X_6$ ) menentukan perbedaan antara dua kelompok berat bayi lahir. Kemampuan analisis diskriminan linier *robust* dalam klasifikasi ulang bayi baru lahir pada data yang mengandung pencilan adalah sebesar 80.65%.

Kata kunci: analisis diskriminan linier *robust*, berat bayi lahir, *breakdown point*, penduga-S, ketepatan klasifikasi

# **DISCRIMINANT LINEAR ROBUST ANALYSIS TO CLASSIFY NEW BORN BABY'S WEIGHT (IN SOCIAL HEALTH CENTER OF MANYAR GRESIK 2012)**

## **ABSTRACT**

Discriminant analysis is commonly used to show the correlation between a non metric scaled response variable and more than one metric scaled predictor variables. The purpose of this analysis is to classify the object in group that is known *a priori*. Discriminant analysis assumes that the predictor variables are multivariate normally distributed with homogen variance. But when there is an outlier, a robust discriminant analysis will be more accurate. It uses robust S-estimators of average vector and variance covariance matrix. WHO devides the weight of new born baby into two groups. They are low baby's weight (maximum 2500 grams) and normal baby's weight (more than 2500 grams). One of the factors that directly influences baby's weight is the condition of mother during pregnancy. Data that used in this study are new born baby's weight in Social Health Center of Manyar Gresik 2012 and six variables that represent the condition of mother during pregnancy. The outlier identification shows that there are 6.91% outliers in data, which leads to the used of 0.15 breakdown point because S-estimator method is good at handling this amount of outlier and produces a robust estimator. Furthermore the accuracy of the classification based on this robust estimator is high. The discriminant linear robust function indicates that there are six variables that represent the condition of mother during pregnancy, namely: the mother's age during pregnancy ( $X_1$ ), the number of children ( $X_2$ ), mother's weight before pregnant ( $X_3$ ), the size of mother's arm during pregnancy ( $X_4$ ), hemoglobin of mother's during pregnancy ( $X_5$ ), and time between pregnancy ( $X_6$ ). They determine the difference between the two groups of new born baby's weight. The discriminant linear robust analysis ability to reclassify the weight of the new born baby when there are outliers is 80.65%.

**Keyword:** discriminant linear robust analysis, born baby's weight, breakdown point, S-estimator, accuracy of classification

## KATA PENGANTAR

Alhamdulillah, puji syukur kehadirat Allah SWT karena atas rahmat dan hidayah-Nya penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul "**ANALISIS DISKRIMINAN LINIER ROBUST PADA PENGKLASIFIKASIAN BERAT BAYI BARU LAHIR (DI PUSKESMAS MANYAR KABUPATEN GRESIK TAHUN 2012)**" dengan baik. Dalam penyusunan skripsi ini, banyak pihak yang telah memberikan bantuan kepada penulis. Oleh karena itu, pada kesempatan ini penulis ingin menyampaikan terima kasih kepada :

1. Ibu Dr. Rahma Fitriani, S.Si., M.Sc selaku dosen pembimbing I yang telah memberikan motivasi, bimbingan, dan pengarahan hingga skripsi ini terselesaikan dengan baik.
2. Ibu Dr. Ir. Ni Wayan Surya W., M.S selaku dosen pembimbing II yang telah memberikan bimbingan dan nasehat hingga skripsi ini terselesaikan dengan baik.
3. Bapak Samingun Handoyo, S.Si., MCs selaku dosen penguji yang telah memberikan saran dan masukan hingga skripsi ini terselesaikan dengan baik.
4. Bapak Dr. Abdul Rouf Alghofari, M.Sc selaku Ketua Jurusan Matematika Fakultas MIPA Universitas Brawijaya Malang.
5. Keluargaku terutama ibu, ayah, dan adik yang tidak pernah bosan memberikan nasehat, dukungan, serta doa.
6. Sahabatku yaitu Okky Ariska A., Leli Dwi K., dan Elsa Azizah K. Semoga kita selalu mendukung satu sama lain hingga seterusnya.
7. Teman-teman Statistika A dan B angkatan 2009. Semoga Allah selalu memberi kelancaran, barokah dan membala kebaikan kalian.
8. Semua pihak yang telah membantu menyelesaikan penyusunan skripsi ini yang tidak dapat disebutkan satu per satu.

Penulis menyadari bahwa dalam penyusunan skripsi ini masih banyak kekurangan. Oleh karena itu, saran dan kritik yang membangun demi kesempurnaan penulisan selanjutnya sangat penulis harapkan. Semoga skripsi ini dapat memberikan manfaat bagi semua pihak yang membutuhkan.

Malang, April 2013

Penulis

## DAFTAR ISI

	Halaman
<b>HALAMAN JUDUL</b> .....	i
<b>LEMBAR PENGESAHAN SKRIPSI</b> .....	ii
<b>LEMBAR PERNYATAAN</b> .....	iii
<b>ABSTRAK</b> .....	iv
<b>ABSTRACT</b> .....	v
<b>KATA PENGANTAR</b> .....	vi
<b>DAFTAR ISI</b> .....	vii
<b>DAFTAR GAMBAR</b> .....	ix
<b>DAFTAR TABEL</b> .....	x
<b>DAFTAR LAMPIRAN</b> .....	xi
<b>BAB I PENDAHULUAN</b>	
1.1. Latar Belakang .....	1
1.2. Rumusan Masalah.....	3
1.3. Tujuan penelitian .....	3
1.4. Manfaat Penelitian.....	3
1.5. Batasan Masalah.....	4
<b>BAB II TINJAUAN PUSTAKA</b>	
2.1. Analisis Diskriminan .....	5
2.2. Asumsi yang Melandasi Analisis Diskriminan .....	5
2.2.1. Sebaran Normal Multivariat.....	5
2.2.2. Kehomogenan Matriks Ragam Peragam.....	8
2.3. Perbedaan Vektor Rata-Rata.....	9
2.4. Pencilan .....	10
2.5. Pendugaan Parameter Dalam Sebaran Normal Multivariat .....	11
2.6. Fungsi Diskriminan Linier Fisher dan Aturan Pengklasifikasian .....	13
2.7. Analisis Diskriminan Linier <i>Robust</i> .....	15
2.7.1. Penduga-S .....	17
2.7.2. Algoritma <i>SURREAL</i> .....	18
2.7.3. Fungsi Diskriminan Linier <i>Robust</i> dan Aturan Pengklasifikasian.....	22
2.8. Ketepatan Fungsi Klasifikasi .....	23
2.9. Berat Bayi Lahir Rendah (BBLR) .....	24

## **BAB III METODE PENELITIAN**

3.1. Sumber Data .....	25
3.2. Peubah Penelitian.....	27
3.3. Metode Analisis .....	29

## **BAB IV HASIL DAN PEMBAHASAN**

4.1. Gambaran Umum Berat Bayi Baru Lahir .....	33
4.2. Pembagian Data .....	35
4.3. Pengujian Asumsi Analisis Diskriminan .....	36
4.3.1.Uji Asumsi Sebaran Normal Multivariat .....	36
4.3.2. Uji Asumsi Kehomogenan Matriks Ragam Peragam.....	36
4.4. Perbedaan Vektor Rata-Rata.....	37
4.5. Identifikasi Pencilan.....	38
4.6. Analisis Diskriminan Linier <i>Robust</i> .....	38
4.6.1.Penduga <i>Robust</i> .....	38
4.6.2.Fungsi dan Predksi Analisis Diskriminan Linier <i>Robust</i> .....	41
4.7. Ketepatan Fungsi Klasifikasi .....	43

## **BAB V KESIMPULAN DAN SARAN**

5.1. Kesimpulan .....	47
5.2. Saran .....	47

<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	49
<b>LAMPIRAN .....</b>	51

## DAFTAR GAMBAR

Gambar 3.1. Diagram Alir Penelitian .....	31
Gambar 3.2. Diagram Alir Algoritma <i>SURREAL</i> Metode Penduga-S .....	32

Halaman



## DAFTAR TABEL

	Halaman
Tabel 2.1. Tabel Klasifikasi .....	24
Tabel 3.1. Peubah Penelitian.....	28
Tabel 4.1. Deskripsi Berat Bayi Baru Lahir di Puskesmas Manyar Kabupaten Gresik Tahun 2012 .....	33
Tabel 4.2. Statistika Deskriptif Peubah-Peubah yang Mewakili Keadaan Ibu saat Hamil.....	34
Tabel 4.3. <i>Training set</i> (TS) dan <i>testing set</i> (VS) .....	35
Tabel 4.4. Nilai $c$ , $b$ , $\hat{s}$ dan ketepatan klasifikasi untuk setiap <i>breakdown point</i> .....	39
Tabel 4.5. Hasil Pengklasifikasian Bayi Baru Lahir Berdasarkan Fungsi Diskriminan Linier <i>Robust</i> ..	44

## DAFTAR LAMPIRAN

Halaman

Lampiran 1.	Berat Bayi Baru Lahir Bulan Januari 2012 Sampai November 2012 di Puskesmas Manyar...	51
Lampiran 2.	Peubah-Peubah yang Mewakili Keadaan Ibu Saat Hamil.....	52
Lampiran 3.	<i>Training set (TS).....</i>	54
Lampiran 4.	<i>Testing set (CV) .....</i>	55
Lampiran 5.	Hasil Pengujian Asumsi Sebaran Normal Multivariat.....	56
Lampiran 6.	Hasil Pengujian Asumsi Kehomogenan Matriks Ragam Peragam .....	57
Lampiran 7.	Hasil Pengujian Perbedaan Vektor Rata-Rata.....	58
Lampiran 8.	Hasil Identifikasi Penciran Pada <i>Training set</i> .....	59
Lampiran 9.	Koefisien Diskriminan Linier <i>Robust, Cutting point</i> dan Ketepatan Klasifikasi Setiap <i>Breakdown point</i> .....	65
Lampiran 10.	Nilai $c$ , $b$ , $d_i^2$ <i>robust</i> dan $\hat{s}$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 1 .....	67
Lampiran 11.	Fungsi Pengaruh $\psi(d_i)$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 1 .....	70
Lampiran 12.	Fungsi Pembobot $w(d_i)$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 1 .....	72
Lampiran 13.	Nilai $c$ , $b$ , $d_i^2$ <i>robust</i> dan $\hat{s}$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 2.....	74
Lampiran 14.	Fungsi Pengaruh $\psi(d_i)$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 2.....	75
Lampiran 15.	Fungsi Pembobot $w(d_i)$ untuk <i>Training set</i> Kelompok 2 .....	76
Lampiran 16.	Penduga Parameter <i>Robust</i> dan Koefisien Diskriminan Linier <i>Robust</i> .....	77
Lampiran 17.	Prediksi Pengklasifikasian Obyek pada <i>Testing set</i> .....	78
Lampiran 18.	Syntax Pengujian Sebaran Normal Multivariat ....	81
Lampiran 18a.	Fungsi input data dalam bentuk matriks .....	82
Lampiran 18b.	Fungsi perhitungan vektor rata-rata ( $\underline{\underline{z}}$ ) .....	82
Lampiran 18c.	Fungsi perhitungan ( $\underline{x}_j - \underline{\underline{z}}$ ).....	82

Lampiran 18d. Fungsi perhitungan <i>inverse</i> dari matriks ragam Peragam ( $\Sigma^{-1}$ ).....	83
Lampiran 18e. Fungsi perhitungan jarak <i>Mahalanobis</i> ( $d_i^2$ ).....	83
Lampiran 18f. Fungsi perhitungan nilai $\chi_{p,\alpha}^2$ .....	84
Lampiran 18g. Fungsi Q-Q plot .....	84
Lampiran 19. <i>Syntax</i> Identifikasi Pencilan .....	85
Lampiran 19a. Fungsi input data dalam bentuk matriks .....	86
Lampiran 19b. Fungsi perhitungan vektor rata-rata ( $\bar{x}$ ) .....	86
Lampiran 19c. Fungsi perhitungan ( $x_j - \bar{x}$ ).....	86
Lampiran 19d. Fungsi perhitungan <i>inverse</i> dari matriks ragam Peragam ( $\Sigma^{-1}$ ).....	87
Lampiran 19e. Fungsi perhitungan jarak <i>Mahalanobis</i> ( $d_i^2$ ).....	87
Lampiran 19f. Fungsi identifikasi pencilan .....	88
Lampiran 20. <i>Syntax</i> Pendugaan Parameter <i>Robust</i> dengan Metode Penduga-S menggunakan Algoritma <i>SURREAL</i> .....	89
Lampiran 20a. Fungsi perhitungan jarak <i>Mahalanobis</i> .....	92
Lampiran 20b. Fungsi perhitungan $\psi(d_i)$ dengan $c$ konstan untuk semua .....	92
Lampiran 20c. Fungsi untuk pengambilan sub contoh secara acak sebanyak $p+1$ dari data berukuran $n$ .....	92
Lampiran 20d. Fungsi perhitungan $\rho(d_i)$ dengan $c$ konstan untuk semua .....	93
Lampiran 20e. Fungsi perhitungan penduga skala <i>robust</i> ( $\hat{s}$ ) .....	93
Lampiran 20f. Fungsi perhitungan nilai $b$ dengan asumsi sebaran Multivariat Gaussian.....	94
Lampiran 20g. Fungsi perhitungan konstatnta $c$ .....	94
Lampiran 21. <i>Syntax</i> Klasifikasi Ulang Obyek .....	95